

כל שאלוני 4 ייחדות

פרק 50

שאלון 805 בגריות שנת 2021

1	חורף מועד א
5	מועד נבראים
9	חורף מועד ב
13	קיז מועד א
17	קיז מועד מיוחד
21	קיז מועד ב

בגרות חורף 2021 מועד א':

ענה על שלוש מן השאלות 5-1.

שים לב: אם תענה על יותר משלוש שאלות, ייבדקו רק שלוש התשובות הראשונות שבמחברתך.

פרק ראשון - סדרות, טריגונומטריה במרחב

1) נתונות שתי סדרות: $b_n = 9 - 2n$, $a_n = 4n + 1$.

א. (1) מצא את a_1 ואת b_1 .

(2) הוכח כי שתי הסדרות הן סדרות חשבוניות, ומצא את הפרשיהן.

סכום k האיברים הראשונים בסדרה a_n הוא 860.

ב. (1) מצא את k .

(2) מצא את סכום k האיברים הראשונים בסדרה b_n .

נתונה סדרה חדשה המקיים לכל n : $c_n = a_n - b_n$.

ג. האם c_n היא סדרה חשבונית? הוכח את תשובתך.

ד. מהו סכום 20 האיברים הראשונים בסדרה c_n ? הסבר את תשובתך.

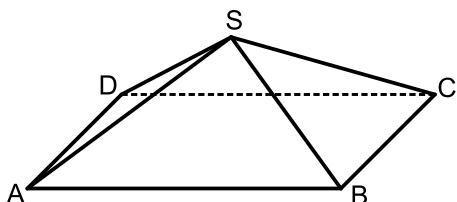
2) SABCD היא פירמידה ישרה שבבסיס מלבן.

נתון: $SC = 4$, $AB = 6$, $BC = 2$.

א. חשב את האורך של אלכסון הבסיס של הפירמידה.

ב. (1) מצא את הזווית בין מקצוע צדי בפירמידה ובין בסיס הפירמידה.

(2) מצא את שטח המשולש ASC .

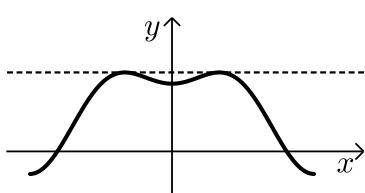


ג. (1) מצא את זוויות הראש של כל הפאות הצדדיות של הפירמידה.

(2) חשב את שטח המעטפת של הפירמידה.

פרק שני - גדילה ודעיכה, חישובו דיפרנציאלי ואינטגרלי של פונקציות טריוגונומטריות, פונקציות מעירכיות ולוגריתמיות ופונקציות חזקה

(3) בסרטוט של פונקציית גראף הפונקציה $f(x)$ המוגדרת בתחום $\pi \leq x \leq -\pi$.



נתון: $f(x) = -\frac{1}{2} \cos(2x) + \cos x + c$. c הוא פרמטר.

- א. מצא את שיעורי ה- x של כל נקודות הקיצון של הפונקציה $f(x)$.
קבע את סוגן בעזרת גראף הפונקציה.

נתון כי הישר $y = 1.25$ מישק לגרף הפונקציה $f(x)$ בנקודות המקסימום של הפונקציה (ראה סרטוט).

ב. (1) מצא את c .

(2) רשם את שיעורי נקודות המינימום של הפונקציה $f(x)$.

נתונה הפונקציה b $g(x) = f(x) + b$ (b הוא פרמטר).

ג. מצא את הערך של b שעבורו הפונקציה $g(x)$ מiska לישר $y = 0.25$ (מצא את שלוש האפשרויות).

(4) נתונה הפונקציה: $f(x) = \frac{a \cdot e^x}{e^x - a}$ $a > 0$, a הוא פרמטר.

א. (1) הביע באמצעות a את תחום ההגדרה של הפונקציה $f(x)$.
ואת משוואת האסימפטוטה האנכית של הפונקציה $f(x)$.

(2) הביע באמצעות a את שיעורי נקודות החיתוך של גראף הפונקציה $f(x)$ עם הצירים (אם יש כאלה).

ב. הביע באמצעות a את תחומי הירידה של הפונקציה $f(x)$.

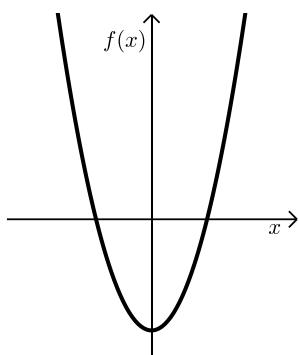
נתון כי נקודת החיתוך של גראף הפונקציה $f(x)$ עם ציר ה- y היא $(0, -2)$.
ג. מצא את a .

לפונקציה $f(x)$ יש שתי אסימפטוטות אופקיות: $y = 2$ עבור $x \rightarrow \infty$ ו- $y = 0$ עבור $x \rightarrow -\infty$.

ד. סרטט סקיצה של גראף הפונקציה $f(x)$.

ה. נתונה הפונקציה: $g(x) = |f(x)|$.

מה הם שיעורי נקודות החיתוך של גראף הפונקציה $g(x)$ עם ציר ה- y ?



5) לפניך גרף הפונקציה: $f(x) = x^2 - 4$, המוגדרת לכל x .

א. (1) מצא את שיעורי נקודות החיתוך של
גרף הפונקציה $f(x)$ עם הצירים.

(2) מה הם תחומי החיוביות והשליליות של
הפונקציה $f(x)$?
נתונה הפונקציה: $g(x) = \ln(f(x))$.

ב. (1) מהו תחום ההגדרה של הפונקציה $g(x)$.
(2) מצא את משוואות האסימפטוטות האנכיות של הפונקציה $g(x)$.

(3) מצא את שיעורי נקודות החיתוך של גраф הפונקציה $g(x)$ עם ציר ה- x .
תוכל להסביר שורש בתשובהך.

(4) מה הם תחומי העלייה והירידה של הפונקציה $g(x)$?
(5) סרטט סקיצה של גراف הפונקציה $g(x)$.

תשובות סופיות:

. $k = 20$.(1) ב. $d_b = -2$, $d_a = 4$.(2) א. $b_1 = 7$, $a_1 = 5$.(1) א.

. $1,100$.ד. $c_{n+1} - c_n = 6$.ג. $\sin x = 6$.ב. -240 .(2)

. 7.746 .(2) ב. 37.76° .(1) ב. $\sqrt{40}$.(2)

. 23.62 .(2) ג. 28.96° .(1) ג. 97.18°

3 א. מקסימום : $x = \pi$, מינימום : $x = -\frac{\pi}{3}$ ב. מינימום : $x = \frac{\pi}{3}$

. $c = \frac{1}{2}$.(1) ב. $x = \pi$

. $(\pi, -1)$, $(-\pi, -1)$, $(0, 1)$.(2)

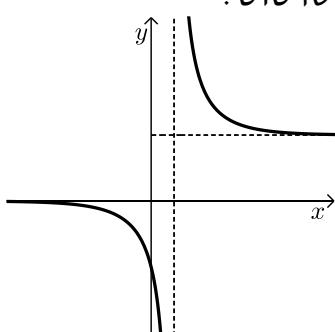
. $b = 1.25$ או $b = -1$ או $b = -\frac{3}{4}$ ג.

4 א. (1). תחום הגדרה : $x \neq \ln(a)$, אסימפטוטה אנכית :

א. (2). אין חיתוך עם ציר x , חיתוך עם ציר y :

. $a = 2$ ג. . $x < \ln(a)$ או $x > \ln(a)$ ב. ירידה :

. $(0, 2)$ ה. ד.شرطו:



. $(0, -4)$, $(-2, 0)$, $(2, 0)$.(1) א.

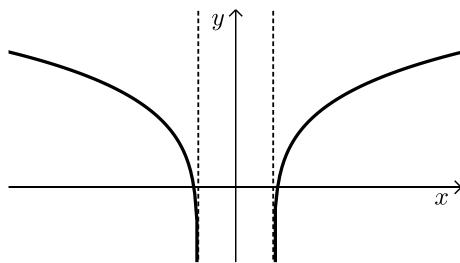
א. (2). תחומי חיוביות : $x > 2$ או $x < -2$, תחומי שליליות :

. $(-\sqrt{5}, 0)$, $(\sqrt{5}, 0)$.(3) ב. (2) . $x = 2$ או $x = -2$.(1) ב.

. $x < -2$, $x > 2$, ירידה :

ב. (4). עליה :

ב. (5).شرطו:



בגרות חורף 2021 מועד נבצרים:

ענה על שלוש מן השאלות 1-5.

שים לב: אם תענה על יותר משלוש שאלות, ייבדקו רק שלוש התשובות הראשונות שבמחברתך.

פרק ראשון - סדרות, טריגונומטריה במרחב

1) נתונה סדרה חשבונית שהאיבר הכללי שלה הוא: $a_n = 2n - 3$.

ונתונה סדרה המוגדרת על ידי הכלל: $b_n = 3a_n + 5$.

א. ענה על הטעיפים הבאים:

(1) מצא את b_1 .

(2) הוכח כי הסדרה b_n היא חשבונית.

נתון כי האיבר האחרון בסדרה b_n הוא 110.

ב. מצא את מספר האיברים בסדרה b_n .

נתון כי בסדרה a_n ובסדרה b_n יש אותו מספר איברים.

ג. מצא את סכום האיברים במקומות האיזוגיים בסדרה a_n .

2) במנסרה ישרה $A'B'C'D'$ הבסיסים הם משולשים שווים שוקיים ($AB = AC$).

AD הואגובה לצלע BC , ו- $D'A'$ הואגובה לצלע $B'C'$ (ראה ציור).

נתון: $\angle BAC = 70^\circ$, $BC = 14$.

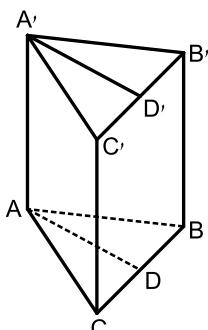
נפת המנסרה הוא 1,190.

א. חשב את גובה המנסרה.

ב. חשב את הזווית שבין האלכסון $A'B$

ובין בסיס המנסרה ABC .

ג. חשב את $\angle AD'A$.

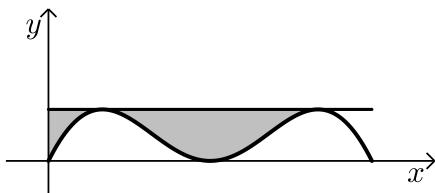


פרק שני – גזילה ודעיכה, חישובו דיפרנציאלי וrintגרלי של פונקציות טריוגונומטריות, פונקציות מעירכיות ולוגריתמיות ופונקציות חזקה

(3) נתונה הפונקציה: $f(x) = 2\sin x + \cos(2x) - 1$ המוגדרת לכל x בתחום: $0 \leq x \leq \pi$.

בציור שלפניך מתואר גרף הפונקציה $f(x)$ בתחום הנתון.

- א. מצא את שיעורי כל נקודות הקיצון של הפונקציה $f(x)$.
וקבע את סוגן על פי בגרף.



העבירו משיק לגרף הפונקציה $f(x)$

בנקודות המקסימום המוחלט שלה (ראה ציור).

ב. ענה על השעיפים הבאים:

(1) מצא את משוואת המשיק.

(2) מצא את השטח המסומן בציור:

השטח המוגבל על ידי גרף הפונקציה $f(x)$,
על ידי המשיק ועל ידי ציר ה- y .

ג. נתונה הפונקציה: $g(x) = f(x) - c$ המוגדרת בתחום: $\pi \leq x \leq 0$. c הוא פרמטר.

עבור אילו ערכים של c גרף הפונקציה $g(x)$ יחתוך את ציר ה- x ב-4 נקודות שונות? נמק.

(4) נתונות שתי פונקציות: $f(x) = e^{2x}$, $g(x) = e^{3-x}$ המוגדרות לכל x .

א. מצא את שיעורי נקודות החיתוך של כל אחת מן הפונקציות $f(x)$ ו- $g(x)$ עם הצירים (אם יש כאלה).

ב. מצא את תחומי העליה ואת תחומי הירידה של כל אחת מן הפונקציות $f(x)$ ו- $g(x)$ (אם יש כאלה).

ג. ענה על השעיפים הבאים:

(1) מצא את השיעורים של נקודות החיתוך של הפונקציות $f(x)$ ו- $g(x)$.

(2) סרטט באותה מערכת צירים סקיצה של גרף הפונקציה $f(x)$ ו- $g(x)$.
וסקיצה של גרף הפונקציה $g(x)$.

(3) חשב את השטח המוגבל על ידי הגרפים של הפונקציות $f(x)$ ו- $g(x)$ ועל ידי הישר $y=1$.

- 5) נתונה הפונקציה : $f(x) = -1 + 2x + \ln(x^2)$
- מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה $f(x)$.
 - מהי האסימפטוטה האנכית של הפונקציה $f(x)$?
 - מצא את שיעורי נקודת הקיצון של הפונקציה $f(x)$ וקבע את סוגה.
 - ענה על הסעיפים הבאים :
 - чисב את $f(1)$.
 - סרטט סקיצה של גרף הפונקציה $f(x)$.
 - נתונה הפונקציה : $g(x) = f(x) + 5$
- מצא כמה נקודות חיתוך יש לגרף הפונקציה $g(x)$ עם ציר ה- x . נמק.

תשובות סופיות:

א. $b_1 = 2$.(1) **(1)**
 ב. 19 איברים.

.170

ג. 59.53° .(2) **(2)**
 ב. 54.33°

.17

א. $(\pi, 0)$ מינימום, **(3)**
 $\left(\frac{\pi}{6}, \frac{1}{2}\right)$ מקסימום, $\left(\frac{\pi}{2}, 0\right)$ מינימום, $\left(\frac{5\pi}{6}, \frac{1}{2}\right)$ מקסימום,

.0.628 .(2) **(2)**
 ב. $y = \frac{1}{2}$.(1) **(1)**
 $(0,0)$ מינימום.

. $0 < c < \frac{1}{2}$.**ג**

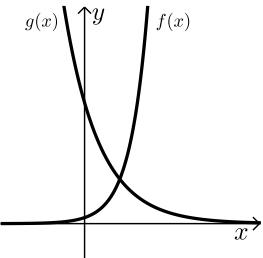
א. $f(x) : (0,1)$, אין חיתוך עם ציר ה- x .

. $g(x) : (0, e^3)$, אין חיתוך עם ציר ה- x .

ב. $f(x) : \text{עליה}$, כל x , ירידה: אף x .

. $g(x) : \text{עליה}$, אף x , ירידה: כל x .

. $S = 6.584$.(3) **ג**
 ג. (2). להלן סרטוט:

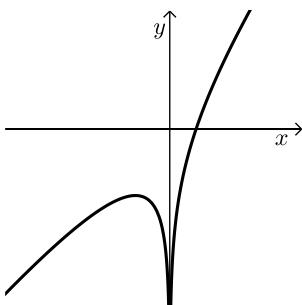


ג. $(-1, -3)$ מקסימום. **(5)**

. $x = 0$ **ב**

. $x \neq 0$ **א**

.ה. 3 נקודות חיתוך. **ד**
 ד. (2). להלן סרטוט:



בגרות חורף 2021 מועד ב':

ענה על שלוש מן השאלות 5-1.

שים לב: אם תענה על יותר משלוש שאלות, ייבדקו רק שלוש התשובות הראשונות שבמחברתך.

פרק ראשון - סדרות, טריגונומטריה במרחב

1) הסדרה a_n מקיימת את הכלל :

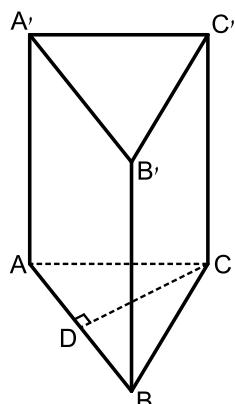
$$\text{נתון : } a_1 = 10$$

א. מצא את האיברים : a_2, a_3, a_4 .

ב. (1) הוכח כי הסדרה של האיברים במקומות הזוגיים היא חשבונית.

(2) האם הסדרה של האיברים במקומות הזוגיים גם היא חשבונית? נמק.

ג. מצא את סכום 46 האיברים הראשונים בסדרה a_n .



2) נתונה מנסרה ישרה ABCA'B'C' שבבסיסה

ABC הוא משולש שווה צלעות.

CD הוא הגובה לצלע AB (ראה ציור).

$$\text{נתון : } CD = a$$

א. הבע באמצעות a את אורך צלע המשולש ABC.

נתון: הזווית בין D'A למשורט ABC היא 68° .

שטח המעטפת של המנסרה הוא 713 (סכום שטחי הפאות הצדדיות).

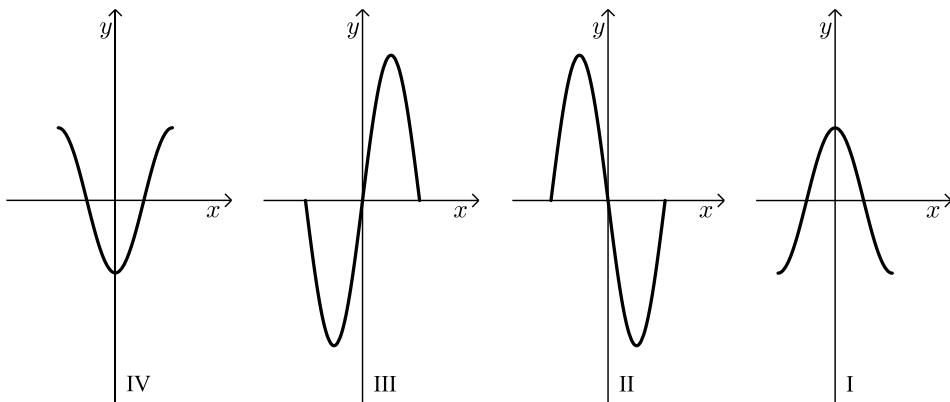
ב. (1) הבע באמצעות a את גובה המנסרה.

(2) מצא את a .

ג. מצא את גודל הזווית $\angle BA'C$.

פרק שני - גדילה ודעיכה, חשבון דיפרנציאלי וrintגרלי של פונקציות טרייגונומטריות, פונקציות מערכיות ולוגריתמיות ופונקציות חזקה

- (3) נתונה הפונקציה: $f(x) = 2 - 4(\sin x)^2$ המוגדרת בתחום: $-\frac{\pi}{2} \leq x \leq \frac{\pi}{2}$.
- ראה כי: $f(x) = 2\cos(2x)$
 - מצא את שיעורי נקודות החיתוך של גרף הפונקציה $f(x)$ עם הצירים.
 - מצא את שיעורי כל נקודות הקיצון של הפונקציה $f(x)$, וקבע את סוגן.
 - סרטט סקיצה של גרף הפונקציה $f(x)$.
 - (1) קבע איזה מן הגרפים: I, II, III, IV שבסוף השאלה מתאר את גרף הפונקציה $f'(x)$ (נגזרת הפונקציה $f(x)$), ונמק את קביעותך.
 - (2) חשב את השטח המוגבל על ידי גרף הפונקציה $f'(x)$ ועל ידי ציר ה- x .



- (4) נתונה הפונקציה: $f(x) = \frac{e^{2x} + 4}{e^x}$.
- מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה $f(x)$.
 - מצא את שיעורי נקודות החיתוך של גרף הפונקציה $f(x)$ עם הצירים (אם יש כאלה).
 - ראה כי: $f(x) = e^x + 4e^{-x}$.
 - מצא את שיעורי נקודות הקיצון של הפונקציה $f(x)$, וקבע את סוגה.
 - סרטט סקיצה של גרף הפונקציה $f(x)$.
 - מצא את השטח המוגבל על ידי גרף הפונקציה $f(x)$, על ידי הישר המשיק לגרף הפונקציה $f(x)$ בנקודת הקיצון שלה, ועל ידי ציר ה- y .

5) נתונה הפונקציה: $f(x) = x^2 \cdot \ln(x)$

- א. מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה $f(x)$.
- ב. מצא את שיעורי נקודת החיתוך של גרף הפונקציה $f(x)$ עם ציר ה- x .
- ג. מצא את שיעורי נקודת הקיצון של הפונקציה $f(x)$, וקבע את סוגה.
- ד. סרטט סקיצה של גרף הפונקציה $f(x)$.
- ה. נתונות הפונקציות: $g(x) = -2f(x)$, $h(x) = f(x) - 2$.
רשום את שיעורי נקודת הקיצון של הפונקציה $h(x)$ ואת שיעורי נקודת הקיצון של הפונקציה $g(x)$. קבע את הסוג של כל אחת מהן.
נמק את תשובותיך.

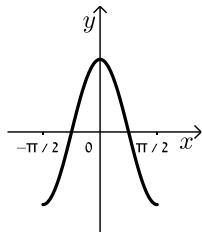
תשובות סופיות:

. ב. (2). כנ. א. $a_2 = -7$, $a_3 = 12$, $a_4 = -5$ (1)
. ג. 1,081 (2)

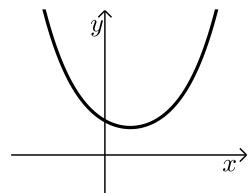
. 36.625° ג. א. $a = 12$ ב. (1). (2) ב. ב. (2). ג. $\frac{a}{\sin 60^\circ} = \frac{2a}{\sqrt{3}}$ (2)

. $\left(-\frac{\pi}{4}, 0\right), \left(\frac{\pi}{4}, 0\right), (0, 2)$ ב. א. הוכחה. (3)

. ח. גרפ. II ד. להלן סרטוט: ג. $\left(\frac{-\pi}{2}, -2\right), \left(\frac{\pi}{2}, -2\right), (0, 2)$ נ. $S = 8$

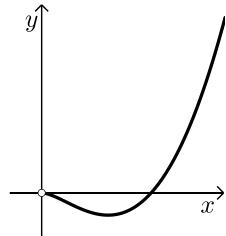


. $\min(\ln 2, 4)$ ז. ג. הוכחה. ב. $(0, 5)$ א. כל x . (4)
. 0.227 נ. להלן סרטוט:



. $\min\left(\frac{1}{\sqrt{e}}, \frac{-1}{2e}\right)$ ג. $(1, 0)$ א. $x > 0$. (5)

. $\max\left(\frac{1}{\sqrt{e}}, \frac{1}{e}\right), \min\left(\frac{1}{\sqrt{e}}, -\frac{1}{2e} - 2\right)$ ח. להלן סרטוט:



בגרות קיץ 2021 מועד א':

ענה על שלוש מן השאלות 5-1.

שים לב: אם תענה על יותר משלוש שאלות, ייבדקו רק שלוש התשובות הראשונות שבמחברתך.

פרק ראשון – סדרות, טריגונומטריה במרחב

(1) a_n היא סדרה חשבונית.

נתונים שלושה איברים עוקבים בסדרה a_n (הסדר משמאלי לימין):

$$.5t+6, 2t+t^2, 4t+t^2$$

t הוא פרמטר.

א. מצא את שלושת האיברים ואת הפרש הסדרה (שתי האפשרויות).

נתון: a_n היא סדרה יורדת, $a_1 = 189$.

ב. מצא בסדרה זו את המיקום של שלושת האיברים שמצאת בסעיף א'.
נתון: האיבר האמצעי שבתחלת השאלה הוא האיבר האמצעי גם בסדרה כולה.

ג. (1) כמה איברים יש בסדרה כולה?

(2) מצא את סכום האיברים שבמקומות האי-זוגיים כולה.

(2) נתונה תיבה ABCDA'B'C'D' שבבסיסה מלבן.

נתון: $AB = 2a$, $BC = a$.

הזווית שבין AC' ובין הבסיס ABCD היא 60° .

א. הבע באמצעות a את גובה התיבה.

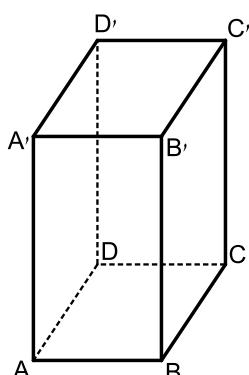
נתון כי שטח המעטפת של התיבה (סכום שטחי

הפאות הצדדיות) הוא $30\sqrt{15}$.

ב. מצא את a .

ג. מצא את גודל הזווית שבין AD' ובין אחד מאלכסוני התיבה.

ד. מצא את שטח המרובע AD'C'B'.



פרק שני – גזילה ודעיכה, חשבון דיפרנציאלי וrintגרלי של פונקציות טריוגונומטריות, פונקציות מעירכיות ולוגריתמיות ופונקציות חזקה

3) נתונה הפונקציה: $f(x) = 4x + 4\cos(2x) - 2$ המוגדרת בתחום: $0 \leq x \leq \frac{\pi}{2}$.

א. מצא את שיעורי כל נקודות הקיצון של הפונקציה $f(x)$ וקבע את סוגן.

ב. סרטט סקיצה של גרף הפונקציה $f(x)$.

ג. רשם את תחום השילוליות של פונקציית הנגזרת $f'(x)$.

ד. סרטט סקיצה של גרף פונקציית הנגזרת $f'(x)$.

ה. חשב את השטח המוגבל על ידי גרף פונקציית הנגזרת $f'(x)$ ועל ידי ציר ה- x (השטח בריבוע הרביעי).

4) נתונה הפונקציה: $f(x) = e^{3x} + 3e^{4-x} + a$ המוגדרת לכל $x > 0$. $a > 0$ הוא פרמטר.

א. מצא את שיעור ה- x של נקודת הקיצון של הפונקציה $f(x)$ וקבע את סוגה.

נתון כי המרחק של נקודת הקיצון של הפונקציה $f(x)$ מציר ה- x הוא: $4e^3 + 2$.

ב. מצא את a .

ג. סרטט סקיצה של גרף הפונקציה $f(x)$.

נתונה הפונקציה: $g(x) = -f(x)$.

ד. (1) מה הם שיעורי נקודת הקיצון של הפונקציה $g(x)$ ומהו הסוג של נקודת הקיצון? נמק את תשובה.

(2) הוסף סקיצה של גרף הפונקציה $g(x)$ לסקיצה של גרף הפונקציה $f(x)$ שסרטטת.

דרך נקודת הקיצון של הפונקציה $f(x)$ העבירו ישר המקביל לציר ה- y .

ה. מצא את השטח המוגבל על ידי הישר, על ידי גרף הפונקציה $f(x)$, על ידי גרף הפונקציה $g(x)$ ועל ידי ציר ה- y .

5) נתונה הפונקציה: $f(x) = \frac{bx}{1 + \ln(x)}$ حيث $b > 0$. $f(x)$ הוא פרמטר.

א. מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה $f(x)$.

ב. מצא את שיעורי נקודת המינימום של הפונקציה $f(x)$ (אם נדרש, הביע באמצעות b).

ג. מצא את תחומי העליה והירידה של הפונקציה $f(x)$.

נתון: הישר $y = 3$ משיק לגרף הפונקציה $f(x)$.

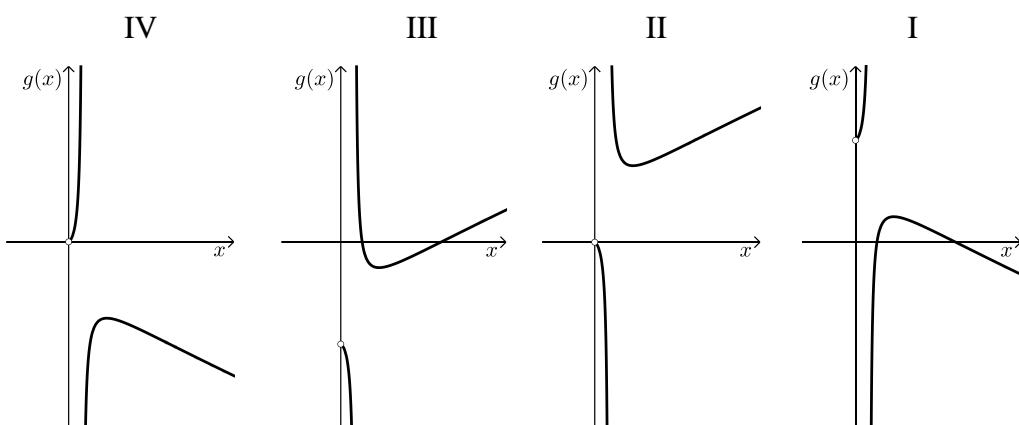
ד. (1) מצא את b .

(2) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה $f(x)$.

ה. נתונה הפונקציה: $g(x) = f(x) - 4$.

(1) מה הם שיעורי נקודת הקיצון של הפונקציה $g(x)$, ומהו הסוג של נקודת הקיצון? נמק את תשובותיך.

(2) אחד מן הגרפים: I, II, III, IV שלפניך מתאר את גרף הפונקציה $g(x)$. קבע איזה וنمך את קביעתך.



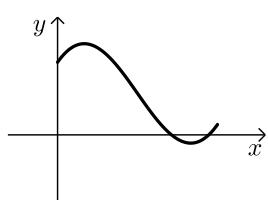
תשובות סופיות:

. א. a_{95}, a_{96}, a_{97} . ב. $d = -2, 1, -1, -3, d = 12, 36, 48, 60$ (1)

ג. (1). (2) 191 איברים.

. 40 . ד. 26.565° ג. $a = \sqrt{5}$ ב. $3.873a \sim a\sqrt{15}$ (2)

א. מינימום $\left(\frac{5\pi}{12}, -0.228\right)$ מקסימום $\left(\frac{\pi}{12}, 2.511\right)$ (3)

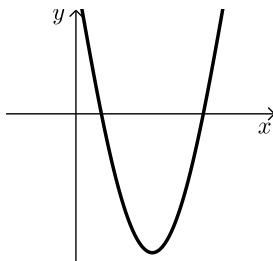


ב. סרטוט:

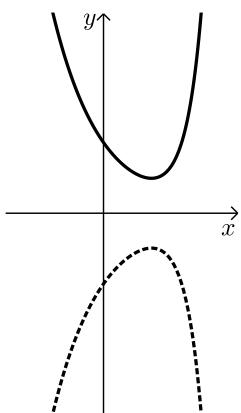
מקסימום קצה $\left(\frac{\pi}{2}, 0.283\right)$

ג. שלילית: $\frac{\pi}{12} < x < \frac{5\pi}{12}$

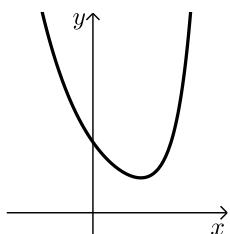
ה. $S = 2.739$ ד. סרטוט:



ד. (2) סרטוט:



ג. סרטוט:



א. $x = 1$ מינימום. ב. $a = 2$ (4)

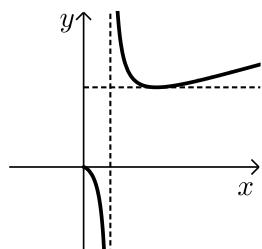
ד. (1). (2) מקסימום.

ה. $\frac{18e^4 - 16e^3 + 10}{3} = 223.8$

א. $x \neq \frac{1}{e}, 0 < x$ ב. $(1, b)$ מינימום. (5)

ג. עליה: $\frac{1}{e} < x < 1, 0 < x < \frac{1}{e}$, ירידה: $1 < x$.

ה. (1, -1) מינימום. (2). סרטוט:



בגרות קיז 2021 מועד מיוחד:

ענה על שלוש מן השאלות 5-1.

שים לב: אם תענה על יותר משלוש שאלות, ייבדקו רק שלוש התשובות הראשונות שבמחברתך.

פרק ראשון – סדרות, טריגונומטריה במרחב

1) נתונה סדרה הנדסית a_n שבה: $a_7 = -96$, $a_4 = 12$

א. מצא את מנת הסדרה ואת a_1 .

נתון: בסדרה a_n יש מספר זוגי של איברים.

סכום האיברים הנמצאים במקומות הזוגיים של הסדרה הוא: 262,143.

ב. מצא את מספר האיברים בסדרה a_n .

נתונה סדרה חשבונית b_n המקיימת: $b_1 = a_3$, $b_7 = a_6$

ג. (1) מצא את הפרש הסדרה b_n .

(2) מצא את מיקוםם של שני איברים סמוכים בסדרה b_n שסכוםם הוא 357.

2) נתונה פירמידה ישרה SABCD שבבסיס ABCD הוא מלבן.

SO הוא גובה הפירמידה (ראה סרטוט).

נתון: $AB = 12a$, $BC = 9a$. a הוא פרמטר חיובי.

א. הבע באמצעות a את אורך אלכסון הבסיס, AC.

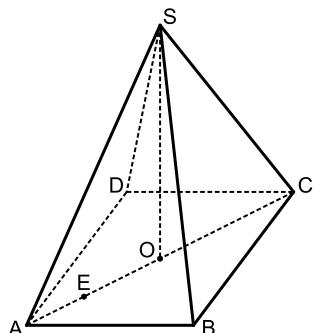
E היא נקודה על האלכסון AC כך שמתקיים: $EC = 4AE$.

נתון כי גודל הזווית שבין SE לבסיס הוא 80° .

ב. הבע באמצעות a את גובה הפירמידה, SO.

ג. נתון כי שטח המשולש SEO שווה ל-130.

חשב את נפח הפירמידה המשולש SABC.



פרק שני – גזילה ודעיכה, חישובו דיפרנציאלי וrintגרלי של פונקציות טריוגונומטריות, פונקציות מעירכיות ולוגריתמיות ופונקציות חזקה

3) נתונה הפונקציה: $f(x) = \sin(2x) + \frac{1}{2}$ המוגדרת בתחום: $-\frac{\pi}{2} \leq x \leq \frac{\pi}{2}$.

א. מצא את שיעורי נקודות החיתוך של גרף הפונקציה $f(x)$ עם הצירים.

ב. מצא את שיעורי כל נקודות הקיצון של הפונקציה $f(x)$, וקבע את סוגן.

ג. סרטט סקיצה של גרף הפונקציה $f(x)$.

נתונה הפונקציה: $g(x) = -4\sin x \cdot \cos x - 1$ המוגדרת בתחום: $-\frac{\pi}{2} \leq x \leq \frac{\pi}{2}$.

ד. הוכח כי: $g(x) = -2f(x)$ לכל x בתחום.

ה. (1) מצא את שיעורי כל נקודות הקיצון של הפונקציה $g(x)$, וקבע את סוגן.

(2) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה $g(x)$.

ו. מצא בעבור איזה ערך של k , הישר $y = k$ חותך את גרף הפונקציה $g(x)$ בשלוש נקודות שונות.

4) נתונה הפונקציה: $f(x) = \frac{e^{2x} + 3}{e^x - 1} - 7$.

א. (1) מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה $f(x)$.

(2) רשם את משווהת האסימפטוטה של הפונקציה $f(x)$ המאונכת לציר ה- x .

ב. מצא את שיעורי נקודות הקיצון של הפונקציה $f(x)$, וקבע את סוגה.

ג. מצא את תחומי העליה והירידה של הפונקציה $f(x)$.

ד. (1) מצא את שיעורי נקודות החיתוך של גרף הפונקציה $f(x)$ עם הצירים (אם יש).

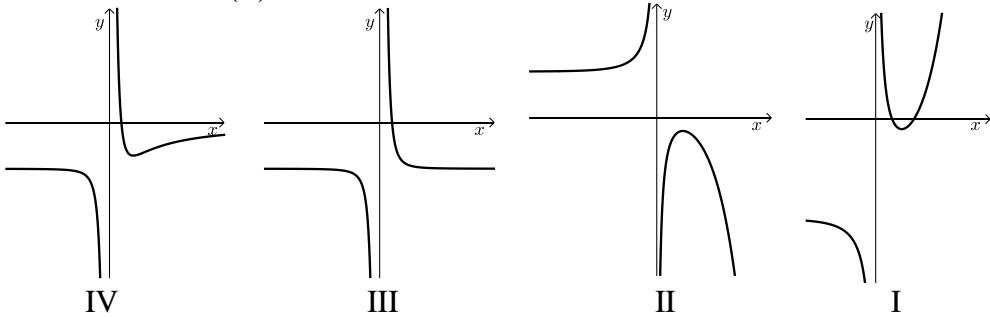
(2) אחד מן הגрафים I-IV שבסוף השאלה מתאר את גרף הפונקציה $f(x)$.

קבע איזה מהם, ונמק את קביעותך.

ה. נתונה הפונקציה $g(x)$ שתחום הגדרתה זהה לתחומי ההגדרה של הפונקציה $f(x)$.

נגזרת הפונקציה $g(x)$ מקיימת: $g'(x) = f(x)$.

מצא את שיעורי ה- x של נקודות הקיצון של הפונקציה $g(x)$, וקבע את סוגן.



5 נתונה הפונקציה : $f(x) = \ln(-x^2 + 4x - 3)$

א. (1) מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה $f(x)$.

(2) מצא את האסימפטוטות של הפונקציה $f(x)$ המקבילות לציר ה- y .

ב. מצא את שיעורי נקודת הקיצון של הפונקציה $f(x)$, וקבע את סוגה.

ג. מצא את תחומי העליה והירידה של הפונקציה $f(x)$.

ד. סרטטו סקיצה של גרף הפונקציה $f(x)$.

נתונה הפונקציה : $g(x) = f(x) + b$. b הוא פרמטר.

ה. קבע איזו מן הטענות (1)-(2) לפניך נכון. נמק את קביעתך.

(1) כאשר $0 < b$, גרף הפונקציה $g(x)$ חותך את ציר ה- x בשתי נקודות.

(2) כאשר $0 > b$, גרף הפונקציה $g(x)$ חותך את ציר ה- x בשתי נקודות.

ו. נתון כי הישר $y = -\ln(0.75)$ משיק לגרף הפונקציה $g(x)$ בנקודת הקיצון שלה.

מצא את שיעורי נקודות החיתוך של גרף הפונקציה $g(x)$ עם ציר ה- x .

תשובות סופיות:

.22.(2). המיקומים הם 21 ו-22. **ג.** (1) .**א.** $a_1 = -1.5$, $q = -2$ **(1)**

.**ב.** $25.52a$ **(2)**

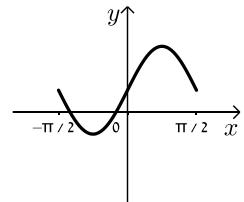
.**ג.** מקסימום, $\left(\frac{\pi}{4}, 1\frac{1}{2}\right)$ **(3)**

.**ב.** מינימום, $\left(\frac{\pi}{2}, \frac{1}{2}\right)$ **(3)**

.**ג.** מינימום, $\left(-\frac{5\pi}{12}, 0\right)$, $\left(-\frac{\pi}{12}, 0\right)$, $\left(0, \frac{1}{2}\right)$ **(3)**

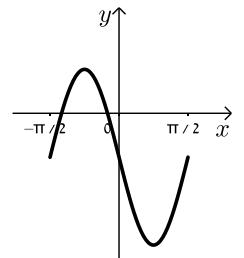
.**ד.** מקסימום, $\left(-\frac{\pi}{2}, -\frac{1}{2}\right)$ **(3)**

.**ג.** הוכחה. **(3)**



.**ה.** (1) מינימום, $\left(-\frac{\pi}{2}, -1\right)$ **(3)**

.**ו.** $k = -1$ **(2)**



.**א.** (1) מינימום, $(\ln 3, -1)$ **(2)**

.**ב.** $x = 0$ **(2)**

.**ג.** $x \neq 0$ **(1)**

.**ג.** עליה: $x > \ln 3$, ירידה: $0 < x < \ln 3$ או $x < 0$ **(2)**

.**ד.** גраф I. (1), (2). גраф II. (1), (2).

.**ה.** $x = \ln 2$ מינימום, $x = \ln 5$ מקסימום.

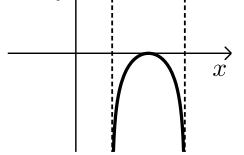
.**ו.** (2, 0) מקסימום. (1) **(5)**

.**ב.** (2, 0) מינימום. (1) **(5)**

.**ג.** עליה: $1 < x < 2$, ירידה: $2 < x < 3$ **(2)**

.**ה.** טענה 2. (1) **(2)**

.**ד.** סרטוט: **(3)**



בגרות קיץ 2021 מועד ב':

ענה על שלוש מן השאלות 5-1.

שים לב: אם תענה על יותר משלוש שאלות, ייבדקו רק שלוש התשובות הראשונות שבמחברתך.

פרק ראשון – סדרות, טריגונומטריה במרחב

1) דניאלה קנתה מקרר בתשלומים חודשיים.

התשלום הראשון הוא 700 שקלים, ולאחר מכן כל תשלום נמוך ב-30 שקלים
מן התשלום הקודם.

א. מהו מספר התשלומים שבו תשלום דניאלה 280 שקלים?

ב. (1) האם ניתן שההתשלום האחרון שתשלם דניאלה יהיה תשלום מס' 29?
נקז את תשובתך.

(2) מהו התשלום הנמוך ביותר האפשרי בסדרת התשלומים של דניאלה
ומהו מספר התשלומים?

נעמה קנתה מקרר באותו המחיר שבו קנתה דניאלה את המקרר שלה, אך שילמה
עליו ב-30 תשלום חודשיים שווים של 280 שקלים כל תשלום.

ג. בכמה תשלוםים קנתה דניאלה את המקרר שלה?

2) נתונה פירמידה ישרה SABC שבה בסיס ABC הוא משולש ישר זווית, $\angle CAB = 90^\circ$
(ראה סרטו).

נתון: $AC = 12$, $AB = 9$. הזווית שבין המקצע הצד SB ובין הבסיס ABC שווה ל- 30° .

א. חשב את גובה הפירמידה, SO.

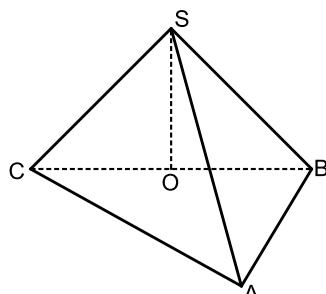
ב. חשב את נפח הפירמידה.

נתון: נקודה M היא אמצע הצלע AB.

נקודה E נמצאת על הקטע OM כך שמתקיים: $OE = 2 \cdot EM$.

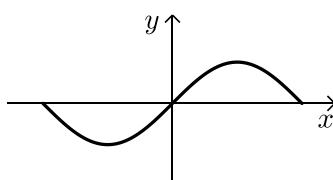
ג. מצא את הזווית שבין SE לבסיס הפירמידה.

ד. חשב את שטח המשולש SEM.



פרק שני – גזילה ודעיכה, חישובו דיפרנציאלי וrintגרלי של פונקציות טריוגונומטריות, פונקציות מעירכיות ולוגריתמיות ופונקציות חזקה

3) הפונקציה $f(x)$ ופונקציית הנגזרת שלה $(f'(x))$ מוגדרות בתחום: $-\frac{\pi}{2} \leq x \leq \frac{\pi}{2}$



לפניך סרטוט של גרף פונקציית הנגזרת $(f'(x))$.
נתון כי הגרף של פונקציית הנגזרת $(f'(x))$ חותך את ציר x בשלוש נקודות בדיקות: $\left(-\frac{\pi}{2}, 0\right), (0, 0), \left(\frac{\pi}{2}, 0\right)$.

- א. מצא את תחומי העלייה והירידה של הפונקציה $f(x)$.
- ב. מצא את שיעורי ה- x של נקודות הקיצון של הפונקציה $f(x)$, וקבע את סוגן.

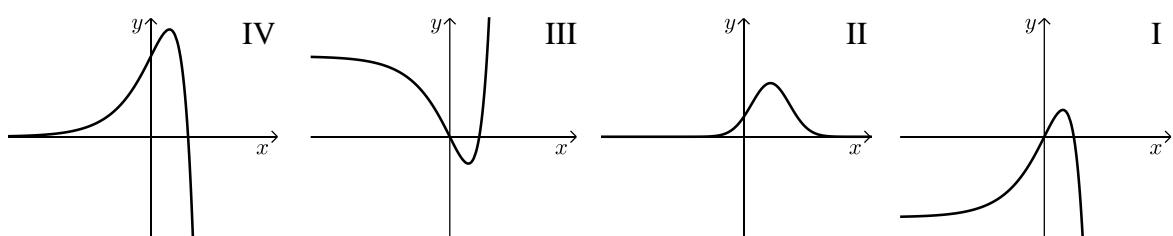
נתון: $f(x) = (\sin x)^2 - \frac{1}{4}$.

- ג. מצא את שיעורי נקודות החיתוך של גרף הפונקציה $f(x)$ עם הצירים.
- ד. סרטטו סקיצה של גרף הפונקציה $f(x)$.

העבירו משיק לגרף הפונקציה $f(x)$ בנקודת החיתוך שלה עם ציר ה- x הנמצאת מימין לראשית הצירים, ומשיק נוספת בנקודת המינימום שלה.
ה. מצא את שיעורי נקודות המפגש של שני המשיקים.
בתשובתך דיקק 2 ספרות אחרי הנקודה העשרונית.

4) נתונה הפונקציה: $f(x) = -e^{2x} + 4e^x - 3$ המוגדרת לכל x .

- א. מצא את שיעורי נקודות החיתוך של גרף הפונקציה $f(x)$ עם הצירים.
- ב. מצא את שיעורי נקודות הקיצון של הפונקציה $f(x)$, וקבע את סוגה.
- ג. אחד מן הגרפים I–IV שלפניך מתאר את גרף הפונקציה $f(x)$.
קבע איזה מהם ונמק את קביעתו.



נתונה הפונקציה: $g(x) = f(x) + b$. b הוא פרמטר.

- העבירו משיק לגרף הפונקציה $g(x)$ בנקודת הקיצון שלה.
ד. מצא את משוואת המשיק (הבע באמצעות b).

ה. מצא את השטח המוגבל על ידי גרף הפונקציה $g(x)$, על ידי המשיק
שמצאת בסעיף ד' ועל ידי ציר ה- y .

5) נתונה הפונקציה: $f(x) = 3x \cdot \ln(ax)$. $a > 0$ הוא פרמטר.

א. מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה $f(x)$.

נתון כי לפונקציה $f(x)$ יש נקודת קיצון בנקודת שבה: $x = \frac{1}{3e}$

ב. מצא את a .

הצב $a = 3$, ועננה על הסעיפים ג-ו שלפניך.

ג. מצא את שיעורי נקודת החיתוך של גרף הפונקציה $f(x)$ עם ציר ה- x .

ד. מצא את שיעור ה- y של נקודת הקיצון של הפונקציה $f(x)$, וקבע את סוג הקיצון.

ה. סרטט סקיצה של גרף הפונקציה $f(x)$.

ו. נתונה הפונקציה $g(x)$ שתחום הגדרתה זהה לתחום הגדרתה של

הפונקציה $f(x)$. פונקציית הנגזרת $g'(x) = -f(x)$ מקיימת:

האם לפונקציה $g(x)$ יש נקודת קיצון?

אם כן – מצא את שיעור ה- x של נקודת הקיצון של $g(x)$, וקבע את סוגה.

אם לא – נמק.

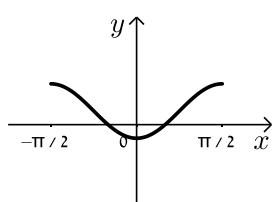
תשובות סופיות:

- (1) א. התשלום ה-15. ב. (1). לא.
 ג. 21 תשלוםים.
- . 47.27° . $45\sqrt{3} \approx 77.94$ ב. $2.5\sqrt{3} \approx 4.33$ א. (2)
 ד. 4.33

(3) א. ירידה : $0 < x < \frac{\pi}{2}$, עלייה : $-\frac{\pi}{2} < x < 0$

ב. $x = -\frac{\pi}{2}$ מקסימום, $x = 0$ מינימום, $x = \frac{\pi}{2}$ מקסימום.

ד. סרטוט :



ג. $(0, -0.25), \left(-\frac{\pi}{6}, 0\right), \left(\frac{\pi}{6}, 0\right)$.

ה. $(0.23, -0.25)$

- ג. גרף I. ב. (ln 2, 1) מקסימום. א. $(0, 0), (\ln 2, 1)$ (4)
 ח. $-2.5 + 4 \ln 2 \approx 0.273$ ד. $y = 1 + b$

ג. $\left(\frac{1}{3}, 0\right)$ ב. $a = 3$ א. $0 < x$ (5)

ו. $x = \frac{1}{3}$ מינימום. ה. סרטוט : ד. $-\frac{1}{e}$ מינימום.

